

15 סעיף ב)

הנימוק X שנראה $X = \bigcup_{i=1}^n V_i$ ב- C_2 ב- C_1
 $\{V_i\}_{i=1}^n$ �� ליניאר בלתי ORTHOGONAL COLUMN. X ב ב C_1 $X = \bigcup_{k=1}^{\infty} V_k$ ב ב C_2
ולא קיים הנימוק $X = \bigcup_{k=1}^{\infty} V_k$ ב ב C_2
 $V_2 \setminus V_1 \neq \emptyset$

$$V_2 \setminus (V_1 \cup V_3) \neq \emptyset$$

$$V_n \setminus (\bigcup_{j=1}^{n-1} V_j) \neq \emptyset$$

הנימוק X ב ב $\bigcup_{i=1}^n V_i$ ב ב C_2 ב ב C_1 . ב ב V_k ב ב C_2 ב ב C_1
 $x_{n_k} \rightarrow y$ ב ב $\{x_n\}$ ב ב C_2 ב ב X ב ב C_2

$$y \in X \Rightarrow y \in \bigcup_{k=1}^{\infty} V_k \Rightarrow \exists n \in \mathbb{N} \quad y \in V_n$$

ב ב x_n ב ב X_{n_k} ב ב V_k ב ב C_2 ב ב V_k ב ב C_1
ול ב ב x_n ב ב V_N ב ב V_N ב ב C_1

$X = \bigcup_{k=1}^n B_\epsilon(x_k)$ ו- $x_1, \dots, x_n \in X$ מינימלי $\forall \epsilon > 0$, $\exists r > 0$ מינימלי $\forall x \in X$ $\exists k \in \{1, \dots, n\}$ $|x - x_k| < r$ $\forall x \in X \setminus B_\epsilon(x_k)$ $|x - x_k| \geq r$

$x_n \in X \setminus B_\epsilon(x_{n-1})$ אם $\phi \neq x_n \in X \setminus B_\epsilon(x_n)$ אז $x_n \in X \setminus B_\epsilon(x_1) \neq \emptyset$

$\forall k \neq n \quad \epsilon < p(x_k, x_n) \quad p(x_2, x_3) > \epsilon, p(x_1, x_2) > \epsilon$

הנ"מ $\forall k \neq n \quad \epsilon < p(x_k, x_n) = \text{המינימלי}$

$F = \bigcup_{k \in K} F_k$ $\forall x \in X = \bigcup_{x \in F_k} B_{\frac{\epsilon}{k}}(x)$ $\forall k \in K$ $F_k \subset X$ מינימלי $\forall x \in X \setminus F_k$ $\exists u \in F_k$ $p(x, u) \geq \frac{\epsilon}{k}$

$x \in B_{\frac{\epsilon}{k}}(y) \iff B_{\frac{\epsilon}{k}}(x) \subset B_{\frac{\epsilon}{k}}(y) \iff B_{\frac{\epsilon}{k}}(x) \subset B_{\frac{\epsilon}{k}}(y) \iff$

$\forall a \in B_{\frac{\epsilon}{k}}(x) \quad p(x, a) < \frac{\epsilon}{k} \leq \epsilon \iff \forall a \in B_{\frac{\epsilon}{k}}(y) \quad p(y, a) < \frac{\epsilon}{k} \leq \epsilon \iff$

מינימלי $\forall x \in X \setminus F_k$ $\exists u \in F_k$ $p(x, u) \geq \frac{\epsilon}{k}$

מינימלי $\forall x \in X \setminus F_k$ $\exists u \in F_k$ $p(x, u) < \frac{\epsilon}{k}$ $\forall v \in F_k$ $p(v, u) \geq \frac{\epsilon}{k}$

$x \in B_{\frac{\epsilon}{2}}(y) \iff p(x, y) < \frac{\epsilon}{2} \leq \epsilon \iff x + y \in X \quad p(xy) = 1$